眼动熵:视觉扫描行为定量分析的新指标

念靖晴 1,2, 张禹 1,2, 罗禹 1,2*

1.贵州师范大学心理学院,贵阳 550025
2.贵州省脑功能和脑疾病防治重点实验室,贵阳 550025
*联系人, E-mail: yuluo@gznu.edu.cn

摘要眼动熵(Eye movement entropy)是基于信息熵发展而来的研究眼动行为的客观测量指标,主要用于衡量视觉扫描行为的复杂性和随机性,弥补了传统眼动指标难以全面刻画个体复杂视觉扫描模式的局限。目前,常用核心指标有注视熵和热点图熵两个。其中,根据不同的计算方式又将注视熵分为静止注视熵、注视转移熵和注视时间熵。回顾已有研究发现:眼动熵在精神疾病、驾驶安全、航空安全、教育教学、产品设计、工业安全等多个领域都有广泛应用,在辅助精神疾病诊断、认知功能测评、安全监测、教育教学评价、人因工程等方面展现出巨大的应用潜力,是研究人类视觉认知、行为模式和信息处理的重要工具。未来研究应进一步提升眼动熵测量的稳健性与生态效度,不断完善眼动熵指标体系,推动眼动数据分析从静态统计向动态行为规律探索的转变,以更全面地揭示人类视觉认知机制,并拓展其在各个应用领域的实践价值。

关键词 眼动,注视熵,静止凝视熵,注意转移熵,热点图熵

分类号 B845

1 引言

眼睛是人类最为关键的信息接收器,个体有 80%~90%的外部信息是通过视觉获取的, 人们通过注视来获取并加工视觉信息。眼动技术是一种通过测量眼球运动来揭示个体认知 加工过程的重要研究方法。其常用的数据分析方法包括基于注视次数、注视时间等基本指 标的定量分析,以及利用注视图、热点图等可视化方式的定性分析。然而,传统的眼动分 析方法难以全面刻画个体复杂的视觉扫描模式。

信息论(information theory)的发展和应用为眼动数据分析提供了一种系统性和定量化的视角,能够描述复杂视觉扫描行为的空间分散性、时序规律性与认知资源分配效率等,实现了眼动数据分析从静态统计到动态行为规律探索的跨越。信息熵(information entropy)是信息论中用于测量信息不确定性的核心指标(Shannon, 1948),已在物理学和社会科学等领域得到广泛运用和验证。自20世纪80年代起,研究者将信息熵引入眼动数据分析领域,发展出了眼动熵(eye-movement entropy / gaze entropy)这一客观度量指标(Tole et al., 1982),用于量化视觉扫描行为的随机性、不确定性和空间/时序复杂性。具体来说:眼动熵作为注视次数、注视时长等传统眼动指标的重要补充,能够量化眼动轨迹的不确定性,反映个体在任务中的信息搜索模式;同时还能提供整体性评估,揭示个体在整个任务中的信息整合

方式。此外,眼动熵关注眼动数据的分布特征,而非特定的注视点,从而可以减少实验情境对结果的影响,提升研究结果的稳健性(B. Shiferaw, Downey, et al., 2019)。因受限于当时的分析技术,其并未得到研究者的重视和广泛运用。近年来,随着数据驱动分析技术和方法的普及,眼动熵才逐渐受到研究者关注。如:Shiferaw 等(2019)首次对眼动熵中的注视熵(gaze entropy)作为视觉搜索效率测量指标的可行性进行了系统性综述。

眼动熵通过信息论框架将视觉扫描行为转化为可解释的量化指标。Tole 等(1982)被公认为首个将熵应用于眼动行为量化分析的研究,其开创性工作聚焦飞行员在飞行模拟任务中的视觉扫描策略,标志着熵指标在自然场景眼动研究中的早期探索。随着研究的不断深入,除注视熵外,一些新的眼动熵指标(如:热力图熵)被提出,并在新的研究中得到验证和使用(Son et al., 2020)。但总体而言,国内外研究者较少将眼动熵作为眼动技术的测量指标进行研究。其尚未得到广泛应用的原因可能在于对其计算方法及其对应的内在视觉加工过程的理解尚不充分。本文在已有研究的基础上总结了眼动熵的核心指标、计算方法及其应用,并通过对已有研究结果的分析归纳相应结论。同时,针对现有研究的不足之处,提出未来的研究方向。

2.眼动熵的指标及计算

2.1 眼动熵的测量指标

根据不同的计算方式眼动熵指标主要包括注视熵和热点图熵(heat-map entropy)两种 (B. Shiferaw, Downey, et al., 2019; Son et al., 2020)。注视熵基于注视轨迹图计算得出,该轨迹图反映个体在视觉刺激上的注视位置、时间和顺序。根据注视的动态特征,注视熵可以进一步细分为静止注视熵(stationary gaze entropy, SGE)、注视转移熵(gaze transition entropy, GTE)以及注视时间熵(Dwell time entropy/fixation-time entropy)。热点图熵则通过计算热点图,量化个体在视觉刺激上的注意力分布特征。相比注视熵,热点图熵侧重于整体注意力分布的均匀性与集中程度。

2.2 眼动熵的计算方法

2.2.1 注视熵

注视熵以比特(bit)为单位,通过计算眼球运动的空间分布(静止注视熵)、转换模式(注视转移熵)以及时间分布(注视时间熵),衡量个体在视觉探索过程中表现出的不确定性或可预测性的程度(Krejtz et al., 2015; B. Shiferaw, Downey, et al., 2019)。

2.2.1.1 静止注视熵

静止注视熵,主要关注静态的空间分散性,用于衡量视觉注意的空间分布分散性,即 注视复杂度。其核心思想是将注视点的空间坐标离散化为状态空间(或兴趣区),通过计算 注视点分布的概率,评估注视行为的随机性和不可预测性。其计算公式如下:

$$H(x) = -\sum_{i=1}^{n} p_i \log_2 p_i$$

其中,H(x)表示一个试次的眼跳序列x的静态注视熵值,i表示状态空间或兴趣区编号,n表示序列x的长度(注视点的总数量), p_i 为注视点落在第i个状态空间的概率。熵值与x的概率分布有关,而与x值本身的大小无关。静止注视熵值越高,反映注视分布范围越广,视野范围内的注视分散度越大,即不确定性越大;静止注视熵值越低,反映注视范围越窄,个体的注视集中在特定的兴趣区域上,即不确定性越小。

然而,静止注视熵未考虑到眼球运动的相对性,即所有朝向后续注视点的扫视都相对 于或源自当前注视点。为了量化后续注视对当前注视位置的依赖性,研究者引入注意转移 熵,用于测量不同兴趣区之间的眼动模式。

2.2.1.2 注视转移熵

注视转移熵,又称眼跳注视熵或马尔可夫熵(markov entropy),主要关注视觉扫描的 动态模式,用于测量注视点转移的时序规律性,即注视转换随机性或可预测性。其核心思想是基于马尔科夫链的转移概率矩阵,计算条件熵(conditional entropy),从而反映注视点从一个状态空间转移到另一个状态空间的规律性(Ciuperca & Girardin, 2005)。其计算公式如下:

$$H(x) = -\sum_{i=1}^{n} p_i \sum_{j=1}^{n} p^{((i|j))} \log_2 \left[p^{(i|j)} \right]$$

其中,H(x)表示一个试次的眼跳序列 x 的注视转移熵值, p_i 表示第 i 个状态的概率, $p^{(i|j)}$ 表示表示从兴趣区i到j的眼跳概率。注视转移熵值越大表明视觉探索范围广,注视模式更随机、不可预测;注视转移熵值越小,表明注视模式结构性更强,扫视模式的可预测性越高。

然而,静止注视熵和注视转移熵主要根据注视落到兴趣区内的次数来计算熵值,无法反映注视在状态空间内的注视持续时间。例如,当某个兴趣区的注视时间为 100 ms 和 500 ms 时,这两种情况在计算静止注视熵和注视转移熵时被视为相同的注视事件,无法区分其时间差异。因此,研究者用注视时间熵量化注视时间的分布特征。

2.2.1.3 注视时间熵

注视时间熵主要聚焦时间维度,与信息处理优先级直接相关,通过注视时间的概率分布建模,从而衡量视觉注意在多个状态空间上的时间分布均衡性(Forest et al., 2022)。其计算公式如下:

$$H(x) = -\sum_{i=1}^{n} p_{D_i} \log_2 p_{D_i}$$

其中, p_{D_i} 是第i个兴趣区的注视时间占总注视时间的比例,i是兴趣区的总数。注视时

间熵值越大,表明个体对该兴趣区的注视时间越长;反之,则相反。

2.2.2 热点图熵

热点图熵也称视觉注意熵(visual attention entropy, VAE),通过构建注视点的加权高斯分布模型,将注视数据转为连续概率分布,并基于香农熵公式计算其不确定性,综合了注视位置、持续时间及视觉感知范围的信息,被用于衡量个体眼球运动在空间中的一致性或集聚性(Gu et al., 2021)。

热点图熵核心假设是热点图中注视点的空间分布服从以特定像素(x_f , y_f)为中心高斯混合模型,注视点可以被视为二维随机变量(X, Y),根据注视点的持续时间和位置信息计算联合概率密度(Y. Liu et al., 2010)。公式为:

$$f_{xy}(x,y) = \frac{1}{2\pi\sigma^2} exp - \left(\frac{(x-x_f)^2 + (y-y_f)^2}{2\sigma^2}\right)$$

其中, σ 是标准差,代表视觉感知范围,即眼动追踪中的视角(visual angle)大小。如果在屏幕上形成了多个注视分布,则需要对注视分布分配权重(Ahn et al., 2016; Gu et al., 2021; Son et al., 2020),并将其表征为一个连续的概率分布,如下所示:

$$f_{xy}(x,y) = \sum_{f=1}^{f_{num}} d_f \times \frac{1}{2\pi\sigma^2} exp - \left(\frac{(x-x_f)^2 + (y-y_f)^2}{2\sigma^2}\right)$$

其中 f_{num} 是注视点总数量(number of fixation), d_f 是 f 个注视点分布(fixation distribution)的权重(通常以注视持续时间加权),满足 $\sum_{f=1}^{f_{num}}d_f=1$ 。

在连续概率分布的基础上,离散化空间后计算熵值。计算公式如下:

$$H = -\sum_{xy} f_{xy}(x, y) \log f_{xy}(x, y)$$

热点图熵值越高,注视分布越分散,注意力无明显集中区域;值越低,注视越集中于特定关键区域(目标导向性越强)。

总的来说,眼动熵的四个测量指标之间具有互补的特性。其中静止注视熵是根据注视点数与兴趣区内注视总数的比例计算得出的,不考虑眼动的移动模式和注视持续时间。另一方面,注视时间熵是根据注视在兴趣区中持续间的比例计算得出的,而注视转移熵则是通过考虑兴趣区内的注视时间和兴趣区间的视线移动来计算的。最后,热点图熵是一种无需指定兴趣区即可得出视线移动熵的方法。

2.3 眼动熵的计算工具

目前用于熵计算的主要工具包有:(1)EntropyHub: 一个开源的熵分析工具包,提供 多种熵计算方法,适用于时间序列、信号处理和复杂系统分析(Flood & Grimm, 2021)。

(2) GridWare: 其核心思想是将眼动轨迹投射到网格化的空间中,并基于网格计算熵指标 (Hollenstein, 2007, 2013; Lewis et al., 1999)。(3) iDynamic_toolbox: 一个专门用于眼动数据

分析的 MATLAB 工具箱,提供了注视位置熵(包括均熵和每个试次的熵)的计算功能(Q. Wang et al., 2020)。在实际研究中,可以根据研究需求选择合适的工具计算眼动熵。

3.眼动熵的应用

3.1 精神疾病

精神疾病的生物标志物是用于诊断、治疗和评估预后的特定生物特征。其中,非侵入性生物标志物因其具有无创、安全等特点在精神疾病中极具潜力而备受研究者关注。眼动指标(如:注视、眼跳等)作为非侵入性生物标志物的重要指标之一,已经成为研究精神疾病生物标志物的一个重要方向。研究表明,眼动熵可能反映不同精神疾病患者在视觉注意、信息加工和认知方面的异常模式,在作为精神疾病的生物标志物方面极具潜力(Azami et al., 2022, 2022; Z. Liu et al., 2024; Q. Wang et al., 2020; Yang et al., 2024; D. Zhang et al., 2024)。如: Zhang 等(2024)发现与健康控制组相比,首发精神分裂症和精神病临床高危综合征的眼动熵分数更高,且这种差异在眼动扫描的早期阶段就会出现。同时,在观看无意义图片时,精神病临床高危综合征的眼动熵分数也显著高于健康控制组。此外,研究还发现眼动熵分数与临床症状和神经认知表现相关。结果表明,首发精神分裂症和精神病临床高危综合征眼动扫描模式的随机性更高且策略性更低。此外,Wang等(2020)研究发现,孤独症儿童在观看面孔时的眼动熵比正常儿童更高。结果表明,孤独症儿童缺乏有效的面孔扫描策略,从而不能有效的提取面孔信息。上述研究表明,眼动熵能够捕捉精神疾病患者的典型视觉行为异常,可以为疾病病理机制的理解、早期诊断和疗效评估提供新的视角。然而为了实现其在临床应用,仍需加强其可靠性、标准化流程和跨人群适用性。

3.2 驾驶安全

良好的视觉功能是驾驶的先决条件,因为驾驶环境包含海量、复杂且不断变化的视觉信息,驾驶员需通过结构化的注视分配,系统地采样这些信息以指导他们的行动(Land & Lee, 1994; Owsley & McGwin Jr, 2010)。近年来,研究者用注视熵来评估驾驶员的视觉扫描模式、驾驶技能、疲劳状态等(韩磊 等, 2020; 吕贞 等, 2022; Aitken et al., 2023, 2024; Diaz-Piedra et al., 2021; Hayley et al., 2024; Jeong et al., 2019; Mikula et al., 2020)。具体来说,注视熵值的变化可以反映驾驶员在驾驶过程中的视觉扫描效率(Hayley et al., 2024; Schwabe et al., 2013; B. A. Shiferaw et al., 2019)。如:酒精、甲基苯丙胺等摄入会影响驾驶员在驾驶过程中的视觉扫描行为,研究发现,当血液中的酒精含量增加或减少时,注视熵的值会发生统计上显著的变化(B. Shiferaw, Crewther, et al., 2019; B. A. Shiferaw et al., 2019)。同时,注视熵可以作为驾驶员疲劳驾驶的预警指标。如:Shiferaw等(2019)研究发现,SGE和GTE在疲劳状态下均显著下降,并与长途驾驶中驾驶错误数量正相关。因此,低注视熵可能是疲劳的早期信号,可用于驾驶监测系统。此外,注视熵还可以作为驾驶员的驾驶技能和经验的

有效预测指标(Chung et al., 2022)。如: Chung 等(2022)在 VR 驾驶模拟器研究中发现,经验丰富的驾驶员的 SGE 均值为 3.09 bits,新手驾驶员仅为 2.60 bits,说明新手的视线分布较狭窄。此外,在从事次要视觉任务时,与年轻驾驶员相比,老年驾驶员注意转移熵的值更低(Schieber & Gilland, 2008)。上述研究表明,注视熵在驾驶领域的研究和应用正在快速发展,具体来说其在驾驶技能和安全评估、疲劳和分心检测、自动驾驶交互(李梦凡等, 2024)、智能驾驶监测系统提升方面极具潜力。未来,随着自动驾驶技术的发展,眼动熵和人工智能的结合可能成为未来智能驾驶系统的核心组成部分。

3.3 航空安全

研究表明,眼动指标已经成为研究飞行员认知变化的有效指标(Diaz-Piedra et al., 2016; Heard et al., 2018; Mengtao et al., 2023), 其中瞳孔扩张和眨眼频率是常用的两个指标(Heard et al., 2018)。但在真实的航空环境中,上述两个指标易受亮度和湿度变化等环境变化的影 响,而眼动熵对环境变化的敏感性较低,因此其可以作为真实航空环境中测量认知变化的 敏感且稳健的关键指标(Ayala et al., 2023; Causse et al., 2025; Devlin et al., 2022)。具体来说, 注视熵可以作为飞行员情境意识评估、任务复杂度和认知负荷动态监测的指标,反映飞行 员在复杂任务(如驾驶舱仪表故障、低能见度着陆)中的信息处理效率(徐国标 等, 2024)。 一些研究则发现飞行员注视熵的值随着任务负荷的增加而降低(Diaz-Piedra et al., 2019)。如: 当飞行员在不同任务负荷下飞行时,注视熵率随着飞行任务复杂性的增加而降低(Harris et al., 1982; Tole et al., 1982)。Diaz-Piedra 等(2019)研究也发现,与常规飞行(低复杂度)相 比,战斗直升机飞行员在解决飞行中紧急情况时,注视熵的值显著降低。而另一些研究发 现飞行员注视熵的值随着任务负荷的增加而增加。如: Di Nocera 等(2007)的研究发现, 当飞行员在执行高负荷飞行程序(模拟起飞和着陆)时,注视熵值较高,表明眼动注视分 散度较高; 而在低负荷阶段(爬升、下降和巡航阶段)时,注视熵值较低,表明眼动注视 分散度较低。此外,在进行应急处置程序时,飞行员发现驾驶舱仪表故障后,注视熵的值 会升高(Van De Merwe et al., 2012; Van Dijk et al., 2011)。此外,在疲劳驾驶(Naeeri et al., 2021)、 紧急情况诱发焦虑情绪(Allsop & Gray, 2014)、通航环境差(C. Zhang et al., 2024)时,飞行员 注视熵的变化也得到了类似的结果。研究者推测对飞行员研究结果不一致可能是飞行经验、 专业技能等导致的,经验更丰富的飞行员可以更好地管理他们的注视模式,在应对高负荷 的工作时变化更小(刘亚威 等, 2021; Ayala, Kearns, et al., 2024; Ayala, Mardanbegi, et al., 2024; Friedrich et al., 2021; Gao & Wang, 2024), 但这一推论仍需更多的研究来进一步验证。

此外,对于空中管制人员的研究也有类似发现(林思远等,2020; Lanini-Maggi et al., 2021; Y. Wang et al., 2021)。例如: Lanini-Maggi 等(2021)研究发现较高的静止注视熵(即视觉注视在显示屏上的空间分布较大)与空中管制人员更好的反应准确性相关,而专业水平则有助于提高反应准确性。同时,在控制动画类型和专业水平后,静止注视熵仍然能够正向

预测反应时间。总的来说,眼动熵在航空领域应用的核心价值在于将飞行员等从业人员的 视觉行为转化为可量化的指标,随着标准化方法和实时分析技术的发展,眼动视熵或有望 整合到新一代航空安全系统中,实现从经验驱动到数据驱动的决策支持转型。

3.4 教育教学

研究者将眼动熵作为教育教学中监测认知负荷、教学效果、教学互动等方面的关键指标。具体来说:在医学教学应用中,注视熵能识别放射科专家在医学影像(如乳腺 X 光片)评估中的兴趣波动,跟踪其学习曲线的进展(Alzubaidi et al., 2010)。此外,在腹腔镜和机器人手术模拟环境中,外科医师的注视熵随任务复杂性线性升高,视觉探索模式变得更加随机且效率下降,同时手术表现降低(Di Stasi et al., 2016; Diaz-Piedra et al., 2017; Wu et al., 2020)。在课堂教学中,注视熵被用于评价课堂教学中教师的教学能力水平。研究发现教师扫视路径模式的复杂性越高(注视熵值越高),对学生及其潜在与学习相关特征的判断就越准确(Kosel et al., 2021)。此外,在技能学习方面,注视熵被用于预测攀岩路线选择和规划的表现(Hacques et al., 2022; van Knobelsdorff et al., 2020)。研究发现,攀岩学习方案会让攀岩者在攀岩过程中产生不同时序的注视模式,以适应攀岩路线的变化。综上,眼动熵在教育教学领域能够客观量化注意分布与认知负荷,为教学策略优化与个性化学习技术开发提供了科学工具,未来可发展基于眼动熵分析的实时人工智能监测系统,进一步优化教育教学的评估和支持系统。

3.5 产品设计

在产品设计领域,研究者将眼动熵作为视觉传达设计中测试和改进视觉元素布局合理性的重要指标,为指南开发、界面优化等提供基于行为的实证依据(Doellken et al., 2021; Gu et al., 2021; Hooge & Camps, 2013; Lee et al., 2023; Quach et al., 2022; M. Zhang et al., 2022)。通过眼动熵值比较不同界面设计的注意引导效率,区分界面关键功能区域与非必要冗余信息区的设计有效性,确保用户高效获取核心信息。如:Lee 等(2023)使用热点图熵作为评估可视化界面适用性的有效指标,研究发现热图熵与借助可视化界面判定系统状态的表现密切相关,随着系统状态判定时间的增加,热点图熵的值也会增加。同时,与正确判定系统状态相比,未正确判定系统状态的热点图熵的值更高。此外,通过注视熵分析工程师和学生在使用设计指南时的注意力分布与扫描模式,评估指南对设计任务的实际辅助效果。如:Doellken 等(2021)使用注视熵预测工程师和学生根据设计指南完成工程设计任务的表现。结果发现,表现优异的工程师静止注视熵显著较低,而表现好的学生则往往具有较高的静止注视熵和注视转移熵。总之,眼动熵弥补了设计领域依赖传统眼动指标(如:注视次数)进行设计优化的局限性,为产品设计从认知策略到界面优化的综合分析提供了更为客观有效的测量指标。

3.6 工业安全

在工业安全领域,眼动熵被用作人为失误预防、人员技能提升与风险控制以及制造设计的人安全分析指标,可以为人员状态监控、培训改进、设计隐患防控的评估提供有效手段(戴立操等, 2023; Bhavsar et al., 2017; Das & Maiti, 2024; Iqbal et al., 2024; Lee et al., 2022)。在流程制造工业(如:核电站、化工厂)中处置突发情景时,人为失误是导致工业生产事故的重要诱因。如: Lee 等(2022)通过实时监测控制室操作员的注视熵,动态评估其认知工作负荷。结果发现,核电站操作员的注视熵值与与态势感知显著负相关。态势感知(situation awareness)是个体正确应对处置突发情景时的重要能力之一。若核电操作员的态势感知能力越强,则注视熵值较低。反之,则相反。同时,研究者通过注视转移熵测量工业装配操作员的任务熟练度与操作犹豫程度。研究发现,与经验丰富操作员相比,新手操作员的注视转移熵较高,注视转移路径更无序,提示需要通过针对性培训降低新手的认知不确定性,提升操作能力,从而减少装配错误引发的安全风险。研究发现,基于熵值的动态反馈,可以优化设计指南的信息呈现方式,确保关键安全信息被优先关注,提升设备制造的安全性(Doellken et al., 2021)。

3.7 其它

除上述应用领域外,眼动熵在注意加工(Forest et al., 2022; Han et al., 2023)、认知功能测试(Ayala et al., 2022)、跨期决策(刘洪志 等, 2023)、暴力犯罪者的社会意图归因(Zajenkowska et al., 2024)、压力监测(Ahmadi et al., 2022)等认知和心理状态的应用深化了研究者在机制上对认知异质性的理解。此外,其在体育赛事(Albaladejo-García et al., 2024; van Biemen et al., 2023)等领域也得到进一步的应用和验证。

4总结与展望

综上所述,眼动熵作为传统眼动指标的重要补充,是有效提高个体对注视控制理解度 的注视行为测量指标。其在精神疾病、驾驶安全、航空安全、教育教学、产品设计、工业 安全等领域展现出巨大的应用潜力,但关于眼动熵的现有研究也存在一些局限性,未来可 在以下几个方面进一步探索。

4.1 眼动熵测量的稳健性和生态效度有待加强

目前眼动熵的计算分析缺乏标准化方案,使不同研究中研究者使用的计算方式以及数据描述术语不一致,从而导致难以跨实验比较研究结果,影响了眼动熵的稳健性和生态效度(B. Shiferaw, Downey, et al., 2019)。首先,状态空间(或兴趣区域)数量的确定方式不一致,确定方法的异质性影响了眼动熵测量的稳健性。在不同研究中,状态空间大小、数量等对眼动熵计算有很大影响。目前,常用的方法有网格均分法、内容驱动兴趣区法以及注视点驱动的数据聚类法等,这些方法之间的差异性和适用性可能会导致相同情境下的眼动

熵值会有所不同,从而影响研究结果的稳健性(B. Shiferaw, Downey, et al., 2019)。未来建议优化状态空间的划分标准(如:自适应状态空间),减少因状态空间大小、数量等不同导致的眼动熵计算偏差。

其次,眼动熵结果报告方式对研究的生态效度和可比较性具有重要影响(B. Shiferaw, Downey, et al., 2019)。目前大多数研究以观察熵(raw entropy)为主,但较少报告标准化熵(normalized entropy),这可能导致不同实验条件下的眼动熵结果难以直接比较。与观察熵相比,标准化熵在跨刺激和任务间进行比较时的准确性、可解释性以及适用性更高。为了提高研究的可比性、生态效度和跨任务适用性,建议未来研究在报告眼动熵时采用双重报告标准:(1)同时报告观察熵和标准化熵;(2)统一标准化熵的计算方式。不同研究可能采用不同的最大熵 H_{max} 计算方式,影响了标准化熵的可比性。建议采用基于状态空间数量、实验最大值或任务依赖的标准化方法。此外,眼动熵研究较为分散,缺乏大规模标准化数据库。未来需建立开放共享的眼动熵数据库,从而更好的进行跨实验分析。

最后,建立标准化的计算框架,开发基于 Python、MATLAB 或 R 等通用的计算工具包,采用标准化的管道式流程进行眼动熵的计算,增强结果在跨任务、跨实验间的可比性。此外,鉴于眼动熵在驾驶领域和航空领域的潜力,可以在人工智能迅速发展的时代进一步开发实时眼动熵算法(如:将机器学习与神经网络结合),优化实时计算,提升在驾驶安全、智能驾驶监测等实际场景中的深度应用。

4.2 眼动熵的测量指标体系仍需完善

扫视路径理论认为,个体在注视图像或特定场景时,会存储场景特征和用于检查该场景的注视序列(Noton & Stark, 1971a, 1971b)。目前的研究主要使用一阶马尔科夫链来分析注视转移熵,其核心假设,个体的下一个注视点仅取决于当前注视点,即短时依赖性。然而,该模型忽略了更长时间尺度上的眼动模式。研究表明,个体的扫描路径(如:回溯性扫描路径和跨场景注视规律等)可能保留较长的时间依赖性(Wiebel-Herboth et al., 2021; Wollstadt et al., 2021)。Wiebel-Herboth 等(2021)采用主动信息存储(active information storage,AIS)方法,发现在更长时间尺度上以个性化分析方式分析扫描路径,有助于更好解释动态任务中的注视模式。然而,这种方法是否优于其它扫描路径建模方法,仍需未来研究进一步验证。此外,已有研究主要基于香农熵构建眼动技术中的测量指标体系,但是否需要引入其他的熵计算方法(如:样本熵、模糊熵等)进一步完善眼动熵测量指标体系(Melnyk et al., 2024),仍是值得深入探讨的问题。如:Melnyk等(2024)提出对注视轨迹计算六种熵指标,包括模糊熵、增量熵、样本熵、网格分布熵、相位熵和频谱熵,用于全面分析眼动信号的不同方面。

参考文献

戴立操, 张美慧, 李宇, 马莉, 韩翔宇, 陈俏, 李鹏程. (2023). 基于注视熵的核电厂数字化主控室操纵员认知负

- 荷研究. 安全与环境学报, 23(6), 1985-1993.
- 韩磊, 朱守林, 高明星, 李航天, 刘鑫. (2020). 注视熵和马尔科夫链的弯道诱导设施信息量研究. *中国安全科学 学报*, 30(8), 122–128.
- 李梦凡, 冯忠祥, 张卫华, 李靖宇. (2024). 面向人机共驾模式下驾驶人接管过程的视觉转移特性研究. *汽车工程*, 46(5), 795–804.
- 林思远, 胡荣锦, 王艳军. (2020). 不同自动化场景对管制员眼动行为影响研究. 人类工效学, 26(2), 12-18.
- 刘洪志, 杨钘兰, 李秋月, 魏子晗. (2023). 跨期决策中的维度差异偏好: 眼动证据. *心理学报*, 55(4), 612-625.
- 刘亚威, 郭昕曜, 侣庆民, 靳慧斌, 朱国蕾. (2021). 基于专家-新手范式的飞行员模拟仪表进近注视特征差异研究. 安全与环境学报, 21(5), 2086-2092.
- 吕贞, 王海晓, 丁旭. (2022). 草原公路平曲线交通标志设置类型对驾驶人视觉特性的影响. *科学技术与工程*, 22(8), 3396-3404.
- 徐国标, 万琪, 孙宏. (2024). 基于布林带理论验证操纵绩效的飞行员认知负荷特征分析. *科学技术与工程*, 24(36), 15716-15724.
- Ahmadi, N., Sasangohar, F., Yang, J., Yu, D., Danesh, V., Klahn, S., & Masud, F. (2022). Quantifying workload and stress in intensive care unit nurses: preliminary evaluation using continuous eye-tracking. *Human Factors*. Advance online publication.
- Ahn, S., Kim, J., Kim, H., & Lee, S. (2016). Visual attention analysis on stereoscopic images for subjective discomfort evaluation. In 2016 IEEE International Conference on Multimedia and Expo (ICME) (pp. 1– 6). 2016 IEEE International Conference on Multimedia and Expo (ICME).
- Aitken, B., Downey, L. A., Rose, S., Arkell, T. R., Shiferaw, B., & Hayley, A. C. (2024). Driving performance and ocular activity following acute administration of 10 mg methylphenidate: a randomised, double-blind, placebo-controlled study. *Journal of Psychopharmacology*.
- Aitken, B., Hayley, A. C., Ford, T. C., Geier, L., Shiferaw, B. A., & Downey, L. A. (2023). Driving impairment and altered ocular activity under the effects of alprazolam and alcohol: a randomized, double-blind, placebocontrolled study. *Drug and Alcohol Dependence*, 251, 110919.
- Albaladejo-García, C., Campo, V. L., Morenas, J., & Moreno, F. J. (2024). Gaze behaviors, estimated quiet eye characteristics, and decision making of nonexpert assistant referees judging offside events in soccer.
- Allsop, J., & Gray, R. (2014). Flying under pressure: effects of anxiety on attention and gaze behavior in aviation. Journal of Applied Research in Memory and Cognition, 3(2), 63–71.
- Alzubaidi, M., Patel, A., Panchanathan, S., & Jr, J. A. B. (2010). Reading a radiologist's mind: monitoring rising and falling interest levels while scanning chest x-rays. In *Medical Imaging 2010: Image Perception, Observer Performance, and Technology Assessment* (Vol. 7627, pp. 128–137). SPIE.
- Ayala, N., Kearns, S., Irving, E., Cao, S., & Niechwiej-Szwedo, E. (2024). The effects of a dual task on gaze behavior examined during a simulated flight in low-time pilots. *Frontiers in Psychology*, 15.
- Ayala, N., Mardanbegi, D., Zafar, A., Niechwiej-Szwedo, E., Cao, S., Kearns, S., ... Duchowski, A. T. (2024). Does fiducial marker visibility impact task performance and information processing in novice and low-time pilots? *Computers & Graphics*, 119, 103889.
- Ayala, N., Zafar, A., Kearns, S., Irving, E., Cao, S., & Niechwiej-Szwedo, E. (2023). The effects of task difficulty on gaze behaviour during landing with visual flight rules in low-time pilots. *Journal of Eye Movement Research*, 16(1), Article 1. https://doi.org/10.16910/jemr.16.1.3
- Ayala, N., Zafar, A., & Niechwiej-Szwedo, E. (2022). Gaze behaviour: a window into distinct cognitive processes revealed by the tower of London test. *Vision Research*, 199, 108072.
- Azami, H., Chang, Z., Arnold, S. E., Sapiro, G., & Gupta, A. S. (2022). Detection of oculomotor dysmetria from mobile phone video of the horizontal saccades task using signal processing and machine learning approaches. *IEEE Access*, 10, 34022–34031. IEEE Access.
- Bhavsar, P., Srinivasan, B., & Srinivasan, R. (2017). Quantifying situation awareness of control room operators using eye-gaze behavior. *Computers & Chemical Engineering*, 106, 191–201.
- Causse, M., Mercier, M., Lefrançois, O., & Matton, N. (2025). Impact of automation level on airline pilots' flying performance and visual scanning strategies: a full flight simulator study. *Applied Ergonomics*, 125, 104456.
- Chung, J., Lee, H., Moon, H., & Lee, E. (2022). The static and dynamic analyses of drivers' gaze movement using VR driving simulator. *Applied Sciences*, 12(5), 2362.
- Ciuperca, G., & Girardin, V. (2005). On the estimation of the entropy rate of finite markov chains. In *Proceedings* of the international symposium on applied stochastic models and data analysis (pp. 1109–1117).
- Das, S., & Maiti, J. (2024). Assessment of cognitive workload based on information theory enabled eye metrics. *Safety Science*, 176, 106567.
- Devlin, S. P., Brown, N. L., Drollinger, S., Sibley, C., Alami, J., & Riggs, S. L. (2022). Scan-based eye tracking measures are predictive of workload transition performance. *Applied Ergonomics*, *105*, 103829.
- Di Stasi, L. L., Diaz-Piedra, C., Rieiro, H., Sánchez Carrión, J. M., Martin Berrido, M., Olivares, G., & Catena, A. (2016). Gaze entropy reflects surgical task load. *Surgical Endoscopy*, 30(11), 5034–5043.
- Diaz-Piedra, C., Rieiro, H., Cherino, A., Fuentes, L. J., Catena, A., & Di Stasi, L. L. (2019). The effects of flight complexity on gaze entropy: an experimental study with fighter pilots. *Applied Ergonomics*, 77, 92–99.
- Diaz-Piedra, C., Rieiro, H., & Di Stasi, L. L. (2021). Monitoring army drivers' workload during off-road missions: an experimental controlled field study. *Safety Science*, 134, 105092.
- Diaz-Piedra, C., Rieiro, H., Suárez, J., Rios-Tejada, F., Catena, A., & Di Stasi, L. L. (2016). Fatigue in the military: Towards a fatigue detection test based on the saccadic velocity. *Physiological Measurement*, 37(9), N62.
- Diaz-Piedra, C., Sanchez-Carrion, J. M., Rieiro, H., & Di Stasi, L. L. (2017). Gaze-based Technology as a Tool for

- Surgical Skills Assessment and Training in Urology. *Urology*, 107, 26–30.
- Doellken, M., Zapata, J., Thomas, N., & Matthiesen, S. (2021). Implementing innovative gaze analytic methods in design for manufacturing: a study on eye movements in exploiting design guidelines. *Procedia CIRP*, 100, 415–420
- Flood, M. W., & Grimm, B. (2021). EntropyHub: an open-source toolkit for entropic time series analysis. *PLOS One*, 16(11), e0259448.
- Forest, T. A., Siegelman, N., & Finn, A. S. (2022). Attention shifts to more complex structures with experience. *Psychological Science*, 33(12), 2059–2072.
- Friedrich, M., Lee, S. Y., Bates, P., Martin, W., & Faulhaber, A. K. (2021). The influence of training level on manual flight in connection to performance, scan pattern, and task load. *Cognition, Technology & Work*, 23(4), 715–730.
- Gao, S., & Wang, L. (2024). How flight experience impacts pilots' decision-making and visual scanning pattern in low-visibility approaches: preliminary evidence from eye tracking. *Ergonomics*, 67(10), 1284–1300.
- Gu, Z., Jin, C., Chang, D., & Zhang, L. (2021). Predicting webpage aesthetics with heatmap entropy. Behaviour & Information Technology, 40(7), 676–690.
- Hacques, G., Dicks, M., Komar, J., & Seifert, L. (2022). Visual control during climbing: Variability in practice fosters a proactive gaze pattern. *PLOS ONE*, 17(6), e0269794.
- Han, Y., Zhang, S., & Zhang, J. (2023). Characteristic analysis of attention transfer process in recognition of construction hazard targets. *Journal of Safety and Environment*, 23(3), 838–845.
- Hayley, A. C., Shiferaw, B., Aitken, B., Rositano, J., & Downey, L. A. (2024). Acute methamphetamine and alcohol usage alters gaze behaviour during driving: a randomised, double-blind, placebo-controlled study. *Journal of Psychopharmacology*. Advance online publication.
- Heard, J., Harriott, C. E., & Adams, J. A. (2018). A survey of workload assessment algorithms. *IEEE Transactions on Human-Machine Systems*, 48(5), 434–451. IEEE Transactions on Human-Machine Systems.
- Hollenstein, T. (2007). State space grids: analyzing dynamics across development. *International Journal of Behavioral Development*, 31(4), 384–396.
- Hollenstein, T. (2013). State space grids: Depicting dynamics across development. Springer US.
- Hooge, I. T. C., & Camps, G. (2013). Scan path entropy and arrow plots: capturing scanning behavior of multiple observers. *Frontiers in Psychology*, 4.
- Iqbal, M. U., Srinivasan, B., & Srinivasan, R. (2024). Multi-class classification of control room operators' cognitive workload using the fusion of eye-tracking and electroencephalography. Computers & Chemical Engineering, 181, 108526.
- Jeong, H., Kang, Z., & Liu, Y. (2019). Driver glance behaviors and scanning patterns: applying static and dynamic glance measures to the analysis of curve driving with secondary tasks. *Human Factors and Ergonomics in Manufacturing & Service Industries*, 29(6), 437–446.
- Kosel, C., Holzberger, D., & Seidel, T. (2021). Identifying expert and novice visual scanpath patterns and their relationship to assessing learning-relevant student characteristics. *Frontiers in Education*, 5.
- Krejtz, K., Duchowski, A., Szmidt, T., Krejtz, I., Perilli, F., Pires, A., ... Villalobos, N. (2015). Gaze transition entropy. ACM Transactions on Applied Perception, 13, 1–20.
- Land, M. F., & Lee, D. N. (1994). Where we look when we steer. Nature, 369(6483), 742-744.
- Lanini-Maggi, S., Ruginski, I. T., Shipley, T. F., Hurter, C., Duchowski, A. T., Briesemeister, B. B., ... Fabrikant, S. I. (2021). Assessing how visual search entropy and engagement predict performance in a multiple-objects tracking air traffic control task. *Computers in Human Behavior Reports*, 4, 100127.
- Lee, Y., Jung, K., & Lee, H. (2023). Human performance and heat map entropy in system state judgment task using a visual interface screen. *Engineered Science*, 23(0), 854.
- Lee, Y., Jung, K.-T., & Lee, H.-C. (2022). Use of gaze entropy to evaluate situation awareness in emergency accident situations of nuclear power plant. *Nuclear Engineering and Technology*, 54(4), 1261–1270.
- Lewis, M. D., Lamey, A. V., & Douglas, L. (1999). A new dynamic systems method for the analysis of early socioemotional development. *Developmental Science*, 2(4), 457–475.
- Liu, Y., Cormack, L. K., & Bovik, A. C. (2010). Dichotomy between luminance and disparity features at binocular fixations. *Journal of Vision*, 10(12), 23–23.
- Liu, Z., Li, J., Zhang, Y., Wu, D., Huo, Y., Yang, J., ... Chen, J. (2024). Auxiliary diagnosis of children with attention-deficit/hyperactivity disorder using eye-tracking and digital biomarkers: Case-control study. *JMIR mHealth and uHealth*, 12(1), e58927.
- Melnyk, K., Friedman, L., & Komogortsev, O. V. (2024). What can entropy metrics tell us about the characteristics of ocular fixation trajectories? *PLOS One*, 19(1), e0291823.
- Mengtao, L., Fan, L., Gangyan, X., & Su, H. (2023). Leveraging eye-tracking technologies to promote aviation safety- a review of key aspects, challenges, and future perspectives. *Safety Science*, 168, 106295.
- Mikula, L., Mejía-Romero, S., Chaumillon, R., Patoine, A., Lugo, E., Bernardin, D., & Faubert, J. (2020). Eye-head coordination and dynamic visual scanning as indicators of visuo-cognitive demands in driving simulator. *PLOS One*, 15(12), e0240201.
- Naeeri, S., Kang, Z., Mandal, S., & Kim, K. (2021). Multimodal analysis of eye movements and fatigue in a simulated glass cockpit environment. *Aerospace*, 8(10), 283.
- Noton, D., & Stark, L. (1971a). Scanpaths in saccadic eye movements while viewing and recognizing patterns. *Vision Research*, 11(9), 929-IN8.
- Noton, D., & Stark, L. (1971b). Scanpaths in eye movements during pattern perception. *Science*, 171(3968), 308–311.

- Owsley, C., & McGwin Jr, G. (2010). Vision and driving. Vision Research, 50(23), 2348-2361.
- Quach, S., Septianto, F., & Thaichon, P. (2022). The divergent effects of neat food presentation on purchase likelihood: The moderating role of time-related positioning. *Asia Pacific Journal of Marketing and Logistics*, 35(6), 1425–1442.
- Schieber, F., & Gilland, J. (2008). Visual entropy metric reveals differences in drivers' eye gaze complexity across variations in age and subsidiary task load. *Proceedings of the Human Factors and Ergonomics Society Annual Meeting*, 52(23), 1883–1887.
- Schwabe, L., Höffken, O., Tegenthoff, M., & Wolf, O. T. (2013). Stress-induced enhancement of response inhibition depends on mineralocorticoid receptor activation. *Psychoneuroendocrinology*, 38(10), 2319–2326.
- Shannon, C. E. (1948). A mathematical theory of communication. The Bell System Technical Journal, 27(3), 379–423.
- Shiferaw, B. A., Crewther, D. P., & Downey, L. A. (2019). Gaze entropy measures detect alcohol-induced driver impairment. Drug and Alcohol Dependence, 204, 107519.
- Shiferaw, B., Crewther, D., & Downey, L. A. (2019). Gaze entropy measures reveal alcohol-induced visual scanning impairment during ascending and descending phases of intoxication. *Journal of Studies on Alcohol and Drugs*, 80(2), 236–244.
- Shiferaw, B., Downey, L., & Crewther, D. (2019). A review of gaze entropy as a measure of visual scanning efficiency. *Neuroscience & Biobehavioral Reviews*, 96, 353–366.
- Son, S.-B., Lee, Y., & Lee, H.-C. (2020). Program for heat-map entropy evaluation of eye-tracking data.
- Tole, J. R., Stephens, A. T., Vivaudou, M., Harris, R. L., & Ephrath, A. R. (1982, January 1). *Entropy, instrument scan and pilot workload*. IEEE conf. on Systems, Man and Cybernetics, Seattle.
- van Biemen, T., Oudejans, R. R. D., Savelsbergh, G. J. P., Zwenk, F., & Mann, D. L. (2023). Into the eyes of the referee: a comparison of elite and sub-elite football referees' on-field visual search behaviour when making foul judgements. *International Journal of Sports Science & Coaching*, 18(1), 78–90.
- Van De Merwe, K., Van Dijk, H., & Zon, R. (2012). Eye movements as an indicator of situation awareness in a flight simulator experiment. *The International Journal of Aviation Psychology*, 22(1), 78–95.
- Van Dijk, H., Van De Merwe, K., & Zon, R. (2011). A coherent impression of the pilots' situation awareness: Studying relevant human factors tools. The International Journal of Aviation Psychology, 21(4), 343–356.
- van Knobelsdorff, M. H., van Bergen, N. G., van der Kamp, J., Seifert, L., & Orth, D. (2020). Action capability constrains visuo-motor complexity during planning and performance in on-sight climbing. *Scandinavian Journal of Medicine & Science in Sports*, 30(12), 2485–2497.
- Wang, Q., Hoi, S. P., Wang, Y., Song, C., Li, T., Lam, C. M., ... Yi, L. (2020). Out of mind, out of sight? Investigating abnormal face scanning in autism spectrum disorder using gaze-contingent paradigm. *Developmental Science*, 23(1), e12856.
- Wang, Y., Wang, L., Lin, S., Cong, W., Xue, J., & Ochieng, W. (2021). Effect of working experience on air traffic controller eye movement. *Engineering*, 7(4), 488–494.
- Wiebel-Herboth, C. B., Krüger, M., & Wollstadt, P. (2021). Measuring inter- and intra-individual differences in visual scan patterns in a driving simulator experiment using active information storage. PLOS One, 16(3), e0248166.
- Wollstadt, P., Hasenjäger, M., & Wiebel-Herboth, C. B. (2021). Quantifying the predictability of visual scanpaths using active information storage. *Entropy*, 23(2), 167.
- Wu, C., Cha, J., Sulek, J., Zhou, T., Sundaram, C. P., Wachs, J., & Yu, D. (2020). Eye-tracking metrics predict perceived workload in robotic surgical skills training. *Human Factors: The Journal of the Human Factors* and Ergonomics Society, 62(8), 1365–1386.
- Yang, H., He, L., Li, W., Zheng, Q., Li, Y., Zheng, X., & Zhang, J. (2024). An automatic detection method for schizophrenia based on abnormal eye movements in reading tasks. *Expert Systems with Applications*, 238, 121850.
- Zajenkowska, A., Bodecka-Zych, M., Duda, E., Gagnon, J., & Krejtz, K. (2024). "the way I see it makes me believe you intentionally did it": intentionality ascription and gaze transition entropy in violent offenders. *Biological Psychology*, 193, 108962.
- Zhang, C., He, J., Liu, C., Zhu, W., Luo, S., & Jiang, C. (2024). Effect of daytime and nighttime on helicopter pilot's gaze behavior: a preliminary study in real flight conditions. *Aviation*, 28(4), 235–246.
- Zhang, D., Ma, C., Xu, L., Liu, X., Cui, H., Wei, Y., ... Wang, J. (2024). Abnormal scanning patterns based on eye movement entropy in early psychosis. *Biological Psychiatry: Cognitive Neuroscience and Neuroimaging*, S2451902224001617.
- Zhang, M., Hou, G., & Chen, Y.-C. (2022). Effects of interface layout design on mobile learning efficiency: a comparison of interface layouts for mobile learning platform. *Library Hi Tech*, 41(5), 1420–1435.

Eye movement entropy: a new metric for quantitative analysis of visual scanning

Jingqing Nian^{1,2}, Yu Zhang^{1,2} & Yu Luo^{1,2}*

¹ School of Psychology, Guizhou Normal University, Guiyang 550025, China

² Key Laboratory of Brain Function and Brain Disease Prevention and Treatment of Guizhou Province, Guiyang 550025,

*Corresponding author, E-mail: yuluo@gznu.edu.cn

Abstract: Eye movement entropy (EME) is an objective measurement index for studying eye movement behavior, developed based on information entropy. It is primarily used to assess the complexity and randomness of visual scanning behavior, addressing the limitations of traditional eye movement metrics in comprehensively characterizing individuals' complex visual scanning patterns. EME consists of two core indices: fixation entropy and heatmap entropy. Depending on the calculation method, fixation entropy can be further categorized into static fixation entropy, fixation transition entropy, and fixation duration entropy. A review of previous studies reveals that EME has been widely applied in various fields, including mental disorders, driving safety, aviation safety, education and teaching, product design, and industrial safety. It demonstrates significant potential in assisting with mental disorder diagnosis, cognitive function assessment, safety monitoring, education evaluation, and human factors engineering. As a crucial tool for studying human visual cognition, behavioral patterns, and information processing, future research should focus on improving the robustness and ecological validity of EME measurements, continuously refining the EME index system, and promoting a shift in eye movement data analysis from static statistics to dynamic behavioral pattern exploration. This will enable a more comprehensive understanding of human visual cognition mechanisms and expand the practical value of EME across various application domains.

Keywords: eye movement, gaze entropy, stationary gaze entropy, gaze transition entropy, heat-map entropy